



Uleam
UNIVERSIDAD LAICA
ELOY ALFARO DE MANABÍ

GUÍA DE ESTUDIO
DE
MATEMÁTICA
ADMINISTRATIVA

Dr. Marcos Zambrano Zambrano, PhD.
RECTOR

ÍNDICE

INTRODUCCIÓN	4
RESULTADOS DE APRENDIZAJE	5
U1: ARITMÉTICA.....	6
1 Números reales.....	6
2 Jerarquía de operaciones.....	7
3 Operaciones básicas combinadas con fracciones	10
4 Cálculos porcentuales	14
4.1 Regla de tres simple.....	14
4.1.1 Regla de tres simple directa	14
4.1.2 Regla de tres simples inversas	16
4.2 Aumentos y descuentos	17
U2: ÁLGEBRA EXPRESIONES ALGEBRICAS	19
5 Expresiones Algebraicas	19
6 Suma y resta de polinomios	20
7 Multiplicación de polinomios	23
8 División de polinomios	26
8.1 Método de Ruffini.....	26
U3 – ÁLGEBRA: ECUACIONES LINEALES.....	29
9 Ecuaciones de primer grado.....	29
9.1 Ecuación de Identidad	29
9.2 Ecuación Condicional	30
9.3 Ecuación Inconsistente	31
10 Ecuación de primer grado con fracciones.....	35

11	Problema de ecuaciones con una incógnita.....	37
U4: ÁLGEBRA: SISTEMA DE ECUACIONES		39
12	Sistema de ecuaciones 2x2	39
12.1	Método de sustitución.....	40
12.2	Método de igualación.....	41
12.3	Método de Reducción.....	42
13	Sistemas de ecuaciones de 2x2 con fracciones	45
14	Problemas de sistemas de ecuaciones de 2x2.....	48
15	BIBLIOGRAFÍA	50

INTRODUCCIÓN

Este módulo fue elaborado para los aspirantes de las carreras de ciencias administrativas de la ULEAM, proporcionando una base sólida de la matemática empleada en sus áreas de estudio.

El módulo contiene las bases de la aritmética y el álgebra, cubriendo los aspectos claves de la materia, como los números reales, operaciones combinadas, expresiones algebraicas, ecuaciones lineales y sistemas de ecuaciones lineales aplicados a problemas de la vida real.

Cada unidad está compuesta por ilustraciones, ejercicios detallados incluyendo prácticas a través de herramientas digitales con el objetivo de que se logre un aprendizaje didáctico de la materia.

«dejadme practicar las buenas costumbres y les devolveré libertad y gloria».

Eloy Alfaro Delgado



RESULTADOS DE APRENDIZAJE



Resultados de las Unidades

Unidad 1

Implementa conceptos de la aritmética básica, para el planteamiento y la resolución de operaciones combinadas y problemas de proporción, aplicados a la vida cotidiana.

Unidad 2

Comprende las definiciones básicas del álgebra, para el manejo de variables y el desarrollo de operaciones con polinomios.

Unidad 3

Comprende las definiciones básicas y métodos de solución de los sistemas de ecuaciones lineales, con el fin de aplicarlos en problemas de la vida real.

Unidad 4

Reconoce y aplica los sistemas de ecuaciones en la interpretación de problemas del mundo real, modelando las soluciones propuestas desde la perspectiva matemática como apoyo a la toma de decisiones.

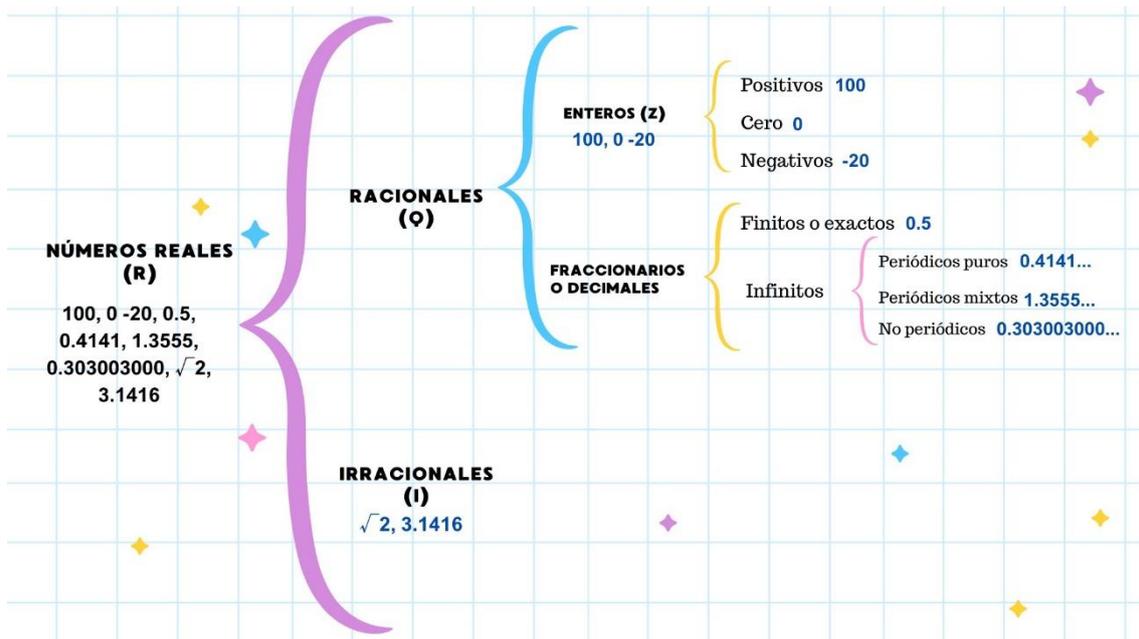
UNIDAD 1



1 Números reales

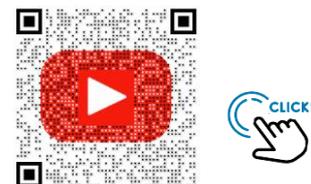
Los números reales son todos los que están representados en la recta real. El conjunto de números reales está formado por los números racionales e irracionales, pudiendo ser expresados los números racionales también a través de los números enteros y fraccionarios como lo indica la figura 1 donde se pueden observar ejemplos en cada una de sus clasificaciones y su respectiva simbología.

Figura 1 Conjunto de los números reales



Nota. En la imagen se muestra un ejemplo de cada categoría

En el siguiente recurso audiovisual podrá reforzar el tema de los conjuntos de los números reales



Clic en el código QR o escanea para visualizar el video

En los números reales se aplican propiedades; como las que se aplican en las operaciones de las **potencias** y **radicales**, que se deben considerar como conocimiento previo para resolver problemas matemáticos.



Download PDF

Clic en el código QR o escanea para descargar las propiedades

$$\begin{aligned} \text{impar} \sqrt{(+)} &= (+) \\ \text{impar} \sqrt{(-)} &= (-) \\ \text{par} \sqrt{(+)} &= (\pm) \\ \text{par} \sqrt{(-)} &= \text{cantidad imaginaria} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (+)^{\text{par}} &= (+) \\ (+)^{\text{impar}} &= (+) \\ (-)^{\text{par}} &= (+) \\ (-)^{\text{impar}} &= (-) \end{aligned}$$



Dentro de las propiedades de las potencias y raíces se pueden considerar las siguientes estrategias sobre los signos

2 Jerarquía de operaciones

La jerarquía de operaciones es un conjunto de reglas que se utilizan para determinar el orden en el que se deben realizar las operaciones aritméticas en una expresión matemática.

Es necesario tener en cuenta el orden de las operaciones y para ello nos podemos apoyar de una regla nemotécnica llamada PEMDAS que se muestra en la figura 2. A continuación, se expone el orden que se debe seguir:

Figura 2: Orden jerárquico para resolver operaciones matemáticas



Paréntesis: hace referencia a los siguientes signos de agrupación:

Paréntesis. - ()

Los corchetes. []

Laves. - { }

Tomando en cuenta que se iniciara con los paréntesis más internos hacia los externos



Para recordar

❖ **Leyes de los signos:** se aplican a las operaciones de potenciación multiplicación y división, así mismo en las operaciones de suma y resta. Para un mejor entendimiento, se detalla en el documento adjunto (Lexus, 2008).



Ejemplo 1: Problema sobre jerarquía de operaciones

$$3 + 7(81 \div 9)^2 - 9$$

Primero, resolver las operaciones dentro de los paréntesis, ya que es la operación de mayor jerarquía

$$81 \div 9 = 9$$

$$9^2 = 81$$

Entonces, la expresión queda:

$$3 + 7(81) - 9$$

Luego, resolver las operaciones de multiplicación y división, de izquierda a derecha

$$7(81) = 567$$

La expresión se reduce a

$$3 + 567 - 9$$

Por último, se resuelven las operaciones de suma y resta, de izquierda a derecha

$$3 + 567 = 570$$

$$570 - 9 = 561$$

Por lo tanto, el resultado de la expresión es

$$561$$

Fuente: Elaboración propia

Ejemplo 2: Problema sobre jerarquía de operaciones

$$10 - 3(2) + (7 - 6) + 4^2 \div 8 - \sqrt{25}$$

$$10 - 3(2) + 1 + 4^2 \div 8 - \sqrt{25}$$

$$10 - 3(2) + 1 + 16 \div 8 - 5$$

$$10 - 6 + 1 + 2 - 5$$

$$2$$



Complete el desarrollo del siguiente problema de jerarquía de operaciones

$$\sqrt{5(7 - 5)^2 - 4} + 3^2(2^3 - 5)$$

1	$\sqrt{5(\square)^2 - 4} + 3^2(\square - 5)$	4	$\sqrt{\square - 4} + 9(3)$
	\square		\square
2	$\sqrt{5(\square)^2 - 4} + 3^2(\square)$	5	$\sqrt{\square} + 9(3)$
	\square		\square
3	$\sqrt{5 \cdot \square - 4} + \square(3)$	6	$4 + \square = 31$

En el siguiente material audiovisual se podrá reforzar sobre el tema de la jerarquía de operaciones



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

A continuación, se expone una actividad, la cual debe resolver aplicando los conocimientos adquiridos a través de los ejemplos y el ejercicio de completar.



Actividad 1

Ejercicio 1. Resuelva la siguiente actividad didáctica de jerarquía de operaciones, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en un documento de Word.

 [Wordwall Jerarquía de operaciones](#) 

Ejercicio 2. Resuelva el siguiente problema planteado y evidencie su procedimiento en el documento de Word.

$$\left[3^{-1} + (4 - 2) + (\sqrt[3]{81})^3 \right]$$

El documento de Word debe guardarse con el siguiente nombre:

U1_Act_Matematica_NombreApellido

3 Operaciones básicas combinadas con fracciones

Antes de estudiar las operaciones de fracciones combinadas, es importante conocer las operaciones básicas con fracciones. En las fracciones también se encuentran las propias, impropias y mixtas, así como también las fracciones homogéneas o heterogéneas, para conocerlas e identificarlas ingrese al enlace que se encuentra adjunto a continuación:



Clic en el código QR o escanea para visualizar los tipos de fracciones

En la siguiente tabla se establece las fracciones básicas con ejemplos sencillos para recordar su proceso además se plantearon ejercicios de completar.

Ejemplos

1	Suma o Resta $\frac{a}{b} \pm \frac{c}{b} = \frac{a \pm c}{b}$	
	$\frac{3}{2} + \frac{5}{2} = \frac{3+5}{2} = \frac{8}{2} = 4$	Fracciones propias / homogéneas
	$\frac{5}{2} - \frac{3}{5} = \frac{5 \cdot 5 - 2 \cdot 3}{2 \cdot 5} = \frac{25 - 6}{10} = \frac{21}{10}$ Se debe aplicar el mcm de 2 y 5 el cual resulta 10 ¿Qué es el mcm? Clic aquí	Fracciones impropias / heterogéneas
	Complete la resta de fracciones	Fracciones
	$\frac{1}{2} + \frac{3}{5} = \frac{5 \cdot \quad + 2 \cdot \quad}{\square} = \frac{5 + \quad}{\square} = \frac{\square}{\square}$	<hr/> <hr/> <hr/> <hr/>
	¿Cuál es el mcm? _____	

2	Multiplicación $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	¿Qué tipo de fracción se obtiene en el resultado?
	$\frac{2}{-3} \cdot \frac{10}{9} = \frac{2 \cdot 10}{-3 \cdot 9} = \frac{20}{-18} = -\frac{10}{9}$	Fracciones propias / heterogéneas
	Complete la multiplicación de fracciones	Fracciones propias / heterogéneas
	$-\frac{5}{6} \cdot \frac{7}{8} = \frac{\square}{48}$	

3	División forma horizontal y forma vertical	
$\frac{a}{c} \div \frac{b}{d} = \frac{a \cdot d}{c \cdot b}$	$\frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{ad}{bc}$	
Forma 1	Forma 2	
$\frac{2}{3} \div \frac{-1}{7} = \frac{2}{3} \cdot \left(-\frac{7}{1}\right) = -\frac{2 \cdot 7}{3 \cdot 1} = -\frac{14}{3}$	$\frac{\frac{2}{3}}{\frac{-1}{7}} = \frac{2 \cdot 7}{3 \cdot -1} = -\frac{14}{3}$	
	Complete la división de fracciones	¿Qué tipo de fracción se obtuvo en el resultado de la división?
	$\frac{3}{4} \div \frac{15}{14} = \frac{3}{4} \cdot \frac{\square}{\square} = \frac{3 \cdot \square}{\square \cdot 15} = \frac{\square}{\square} = \frac{7}{10}$	<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>

A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a afianzar sus conocimientos un poco más sobre las operaciones básicas con fracciones.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

Las operaciones combinadas con fracciones, quiere decir que podemos encontrar, suma, resta, multiplicación y división de fracciones, es importante y necesario considerar la jerarquía de operaciones, ya que es igual a la jerarquía de las operaciones con números naturales (Mauricio López Bonilla, Rafael Angel Alvares Jimenez, 2020).

Ejemplo: Operaciones combinadas con fracciones

$$\left(\frac{3}{2} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{5}\right) \div \left[\left(1 - \frac{1}{4}\right) \frac{16}{3}\right]$$

Paso uno. – Resolver las operaciones que están dentro de cada paréntesis indistintamente, es decir la multiplicación y la resta respectivamente quedando como resultado lo siguiente:

$$\left(\frac{3}{2} + \frac{1}{10}\right) \div \left[\left(\frac{3}{4}\right) \frac{16}{3}\right]$$

Paso dos. – se efectúa dentro de cada paréntesis las operaciones indicadas es decir la suma y la multiplicación respectivamente cuyo resultado es el que se indica:

$$\left(\frac{8}{5}\right) \div \left[\frac{4}{1}\right]$$

Paso tres. – se realizan las operaciones indicadas y posteriormente se simplifica

$$\left(\frac{8}{5}\right) \div \left[\frac{4}{1}\right] = \left(\frac{8}{5}\right) \cdot \left[\frac{1}{4}\right] \\ \frac{2}{5}$$

Ejemplo 2: Operaciones combinadas con fracciones

$$\left[\frac{2}{3} + \left(\frac{3}{5} : \frac{1}{2}\right) - \frac{6}{8}\right] \cdot \frac{6}{7} - \left(\frac{7}{4} + 1\right)$$

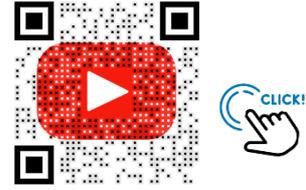
$$\left[\frac{2}{3} + \frac{6}{5} - \frac{6}{8}\right] \cdot \frac{6}{7} - \frac{11}{4}$$

$$= \left[\frac{28}{15} - \frac{6}{8}\right] \cdot \frac{6}{7} - \frac{11}{4}$$

$$= \frac{67}{60} \cdot \frac{6}{7} - \frac{11}{4}$$

$$\frac{67}{70} - \frac{11}{4} = -\frac{251}{140}$$

De igual manera, le presentamos un vídeo que les ayudará a afianzar sus conocimientos un poco más sobre las operaciones combinadas con fracciones.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo



Para recordar

Aunque las operaciones con fracciones estén combinadas, se puede resolver como una operación básica con fracciones, considerando la jerarquía de operaciones.

Una vez comprendido el tema y revisado el video, realicemos esta actividad, para fortalecer el aprendizaje a través de los ejemplos y los ejercicios de completar:



Actividad 2

Ejercicio 1: Resuelva la siguiente actividad didáctica de operaciones combinadas, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en el documento de Word.

 **Wordwall** [Operaciones combinadas con fracciones](#) 

Ejercicio 2: Resuelva el siguiente problema planteado y evidencie su procedimiento en el documento de Word.

$$\frac{2}{6} \left(-1^3 + \frac{3}{4} - \frac{5}{4} \right) - \sqrt{\sqrt{81}}$$

Los dos ejercicios se deben adjuntar al documento de Word creado en la actividad 1 con el siguiente nombre:

U1_Act_Matematica_NombreApellido

4 Cálculos porcentuales

Un porcentaje es siempre una relación de proporcionalidad **directa**, así que sólo tenemos que aplicar una regla de tres simple. También, se puede realizar la multiplicación por un decimal (Santos, 2016).



4.1 Regla de tres simple

La regla de tres es una operación que tiene por objeto hallar el cuarto término de una proporción, cuando ya se conocen tres de ellos (Baldor, 1985).

Métodos de solución:

Existen tres métodos de resolución:

1. Métodos de reducción a la unidad
2. Método de las proporciones
3. Método práctico



Aunque existen estos tres tipos de solución, en esta unidad se tratará el método práctico con regla de tres simple directa.

4.1.1 Regla de tres simple directa

Se aplica cuando es directamente proporcional, es decir, que cuando una magnitud aumenta o disminuye, el otro lo hace en igual proporción.

Figura 3: *Fórmula de regla de tres simple directa*

$$\begin{array}{ccc}
 A & \longrightarrow & B \\
 C & \longrightarrow & X
 \end{array}
 \quad
 \boxed{\frac{B \cdot C}{A} = X}$$

Nota. Podemos observar que es una multiplicación de sus diagonales (en cruz), donde se despeja la variable x o valor desconocido.

Ejemplo

Si 4 libros cuestan \$8 ¿Cuánto costaran 15 libros?

Análisis + Libros + Costo	Magnitud 1	Magnitud 2
	Libros	Costo dólares
	4	8
	15	x

Directa
 Inversa

$$\frac{4}{15} = \frac{8}{x} \quad x = \frac{15 \cdot 8}{4} = 30$$



Solución 30 dólares



Complete el siguiente ejercicio de regla de tres simple directa

El gasto por pagos de servicios de internet de este mes es de \$147. Al recibir la factura tengo que pagar además el 15 % de IVA. ¿Cuál es el coste total de la factura?

Análisis + Internet + IVA	Magnitud 1	Magnitud 2
	Internet	IVA
	147	
	x	15%

Directa
 Inversa

$$\frac{147}{x} = \frac{\square}{\square} \quad x = \frac{\cdot}{100} =$$

Costo total = x + 147
Costo total = +147
Costo total =

El valor calculado es del IVA por lo tanto se debe sumar al costo del internet. [Ver pregunta](#)



Solución _____

4.1.2 Regla de tres simples inversas

Se aplica cuando es inversamente proporcional, es decir, que cuando un valor aumenta el otro disminuye en proporción y viceversa.

Figura 4: Fórmula de regla de tres simple inversa

$$\begin{array}{l} A \longrightarrow B \\ C \longrightarrow X \end{array} \quad \boxed{\frac{A \cdot B}{C} = X}$$

Nota. Podemos observar que es una multiplicación horizontal, donde se despeja la variable x o valor desconocido.

Ejemplo:

Si 4 hombres hacen una obra en 12 días ¿En cuántos hombres tardaran en hacer la misma obra en 6 días?

Análisis + Hombres - Días	Magnitud 1	Magnitud 2
	Hombres	Días
	4	12
	x	6
	$\frac{4}{x} = \frac{12}{6}$	$x = \frac{4 \cdot 12}{6} = 8$

Directa
 Inversa



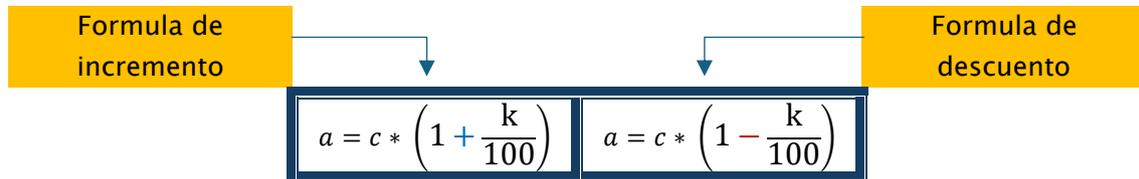
Solución 8 días

Análisis del ejemplo: Como se puede observar, es inversamente proporcional porque si hay más hombres en la obra, se tardarán menos días en culminarla, es decir, una aumenta y la otra disminuye.

Para los cálculos porcentuales, solo se utilizará la regla de tres simple **directa**, como lo menciona su definición.

4.2 Aumentos y descuentos

Habitualmente, se utilizan los signos + ó – delante de un porcentaje para señalar que es un aumento o un descuento, respectivamente.



Donde: a = valor inicial c = Valor presente o capital inicial k = índice de variación

Ejemplo:

Se tiene una ALEXA (parlante inteligente) que su costo inicial fue de \$655 debido a la gran demanda en el mes de octubre, este aumento el 6.5%, pero a finales de diciembre aplicó el 25% de descuento al valor inicial. **¿Calcular el valor final con el aumento del 6.5% y el valor final con descuento del 25%?**

Incremento	$a = c * \left(1 + \frac{k}{100}\right)$	$a = 655 * \left(1 + \frac{6,5}{100}\right)$	\$ 697,58
Descuento	$a = c * \left(1 - \frac{k}{100}\right)$	$a = 655 * \left(1 - \frac{25}{100}\right)$	\$ 491,25

Análisis de solución:

En octubre el costo de ALEXA fue de **697.58 dólares** y a finales de diciembre costaba **491.25 dólares**



Complete el siguiente problema de porcentajes

Un Aiper (Robot) tiene un costo inicial de \$2080,45 debido a la gran demanda en el mes de febrero aumentó el 15,33% su costo inicial. Por temporada e ingreso de nuevas tecnologías a finales de marzo se aplicó el 30% de descuento sobre el ultimo valor. **Calcular el valor con el incremento del 15,33% y el valor con descuento del 30%**

Incremento	$a = c * \left(1 + \frac{k}{100}\right)$	$a =$	$* \left(1 + \frac{\quad}{100}\right)$	
Descuento	$a = c * \left(1 - \frac{k}{100}\right)$	$a =$	$* \left(1 - \frac{\quad}{100}\right)$	

Una vez comprendido como se debe calcular de manera porcentual, realice la siguiente actividad para afianzar sus conocimientos:



Actividad 3

Ejercicio 1: Resuelva la siguiente actividad didáctica sobre regla de tres simple directa, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en el documento de Word.



[Regla de tres simple directa](#) 

En base a la actividad realizada en **LIVE (liveworksheets)** ejercicio número 3, de respuesta a las preguntas planteadas en el ejercicio 2 en el siguiente problema:

Ejercicio 2: Se necesitan 2 tortas para 30 niños. ¿Cuántas tortas se necesitarán para 150 niños?

¿Cuál son las magnitudes del problema?

¿Cuáles son las fracciones que intervienen en el problema?

¿Cuál es el resultado de la interrogante?

Ejercicio 3: Resuelva el siguiente problema planteado y evidencie el procedimiento

Al adquirir un vehículo cuyo precio es de \$18800, nos hacen un descuento \$1233,75.

¿Cuál es el porcentaje de descuento?

Los tres ejercicios se deben adjuntar al documento de Word creado en la actividad 1:

[U1_Act_Matematica_NombreApellido](#)

Guarde el archivo en PDF y suba en el TA1 en Moodle

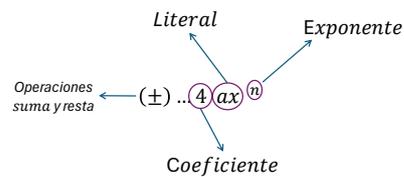


5 Expresiones Algebraicas

Es la expresión en la que se combinan coeficientes, literales (también llamada variables) y signos de operación (Salazar & Bahena, 2018).

El término algebraico está constituido por factores sean estos números y letras que se relacionan entre sí los mismos se denotan por medio de la multiplicación y / o división, como en la siguiente imagen:

Figura 5: Elementos del Término Algebraico



Nota:

Las expresiones algebraicas incluyen: la suma, la resta, la multiplicación, división y potenciación; en esta sección estaremos detallando con ejemplo cada una de ellas.

Términos semejantes.

Los términos semejantes son aquellos que tienen la misma parte literal al igual que los mismos exponentes de manera que permita reducirlos a su más mínima expresión.

Ejemplos:

$3x^2$	es semejante a	$6x^2, 15x^2, \frac{2}{5}x^2, x^2$
$-9x^5$	es semejante a	$-x^5, 7x^5, -\frac{\sqrt{4}}{5}x^5$
$-9x^5y^2$	no es semejante a	$-9x^2y^5$

6 Suma y resta de polinomios

Para entender la suma y resta de polinomios es fundamental entender el concepto. Los polinomios son, entonces, expresiones algebraicas que se conforman por varios términos. A los polinomios los pueden integrar más de una constante, variable y exponente. Los términos se relacionan a partir de sumas, restas y multiplicaciones. (Departamento de creación de Lexus, 2008)

La suma y resta de polinomios se realiza tomando en cuenta las variables y exponentes independientes de los coeficientes, las operaciones se pueden efectuar de forma **horizontal y/o vertical**, en cualquiera de las formas las respuestas serán exactamente iguales para esto se debe tomar en cuenta el siguiente procedimiento:

Ejemplo: vertical

$$\left(-\frac{3}{5}y^{b-1} - \frac{1}{8} + \frac{1}{2}x^{2a+1}\right) + \left(+\frac{1}{3}y^{b-1} + \frac{3}{4}x^{2a+1} + \frac{1}{2}\right)$$

Paso 1: Es importante que los términos estén ordenados

$$\left(\frac{1}{2}x^{2a+1} - \frac{3}{5}y^{b-1} - \frac{1}{8}\right) + \left(\frac{3}{4}x^{2a+1} + \frac{1}{3}y^{b-1} + \frac{1}{2}\right)$$

Paso 2: Agrupar los monomios con el mismo grado tomando en cuenta el signo que precede a cada operación y reducción de términos semejantes en el caso de poder realizarlo:

$$\begin{array}{r} \frac{1}{2}x^{2a+1} - \frac{3}{5}y^{b-1} - \frac{1}{8} \\ \frac{3}{4}x^{2a+1} + \frac{1}{3}y^{b-1} + \frac{1}{2} \\ \hline \frac{5}{4}x^{2a+1} - \frac{4}{15}y^{b-1} + \frac{3}{8} \end{array} \longrightarrow \boxed{\text{Respuesta}}$$

Ejemplo: horizontal

$$\left(\frac{1}{3}a^3 - 2b^3 + \frac{1}{3}a^2b - ab^2\right) - \left(-\frac{3}{4}a^2b - 6b^3 + 2a^3 - \frac{1}{2}ab^2\right)$$

Paso 1: Si se resuelve de forma horizontal para eliminar signos de agrupación se debe tomar en cuenta el signo que le precede al segundo paréntesis, si es positivo

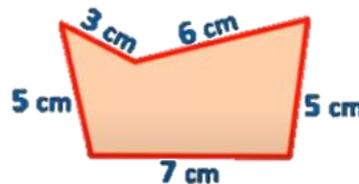
no le afecta a la expresión, pero si es negativo aplicamos la ley de los signos tal como se presenta a continuación:

$$\frac{1}{3}a^3 - 2b^3 + \frac{1}{3}a^2b - ab^2 + \frac{3}{4}a^2b + 6b^3 - 2a^3 + \frac{1}{2}ab^2$$

Paso 2: sumar o restar los monomios con el mismo grado tomando en cuenta el signo que precede a cada operación reduciendo los términos semejantes:

Resppuesta: $-\frac{5}{3}a^3 + 4b^3 + \frac{13}{12}a^2b - \frac{1}{2}ab^2$

Las expresiones algebraicas también se pueden dar en problemas cotidianos, por ejemplo, se necesita saber cuál es el perímetro de un terreno que tiene la siguiente figura irregular:

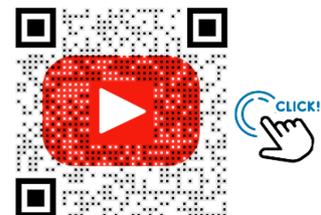


Formula del perímetro de un polígono $L + L + L + L + L + L$

Sumar $5 \text{ cm} + 3 \text{ cm} + 6 \text{ cm} + 5 \text{ cm} + 7 \text{ cm}$

Resultado 26 cm

Para reforzar los conocimientos adquiridos para resolver ejercicios sobre el tema estudiado se presenta un video afianzara sobre suma y resta de polinomios.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo



Complete la siguiente suma y resta de expresión algébrica

$$\begin{array}{r} 12x^5 + 0x^4 - 17x^3 + 3x^2 + 0x - 10 \\ -6x^5 - 5x^4 + 7x^3 + 4x^2 + 0x + 0 \\ \hline \square - 5x^4 \square + 7x^2 \square - 10 \end{array}$$

De $7a - 5b$ restar $-2a - x$

$$\begin{aligned} &7a - 5b - (-2a - x) \\ &= \square - 5b \square + x \\ &= \square \end{aligned}$$

A continuación, se expone una actividad, la cual debe resolver aplicando los conocimientos adquiridos a través de los ejemplos y el ejercicio de completar.



Actividad 4

Ejercicio 1. Resuelva la siguiente actividad didáctica de suma y resta de polinomios, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en un documento de Word.



Ejercicio 2. Realice la suma y la resta de las siguientes expresiones algebraicas A y B, evidencie el procedimiento en el documento de Word.

$$\mathbf{A:} \frac{1}{2}a^3 - 3a^2 - \frac{2}{3}a^5 + 5a$$

$$\mathbf{B:} \frac{1}{4}a^2 - 5a^n - \frac{5}{3}a^5 + 3a$$

a) Determine el resultado de $\mathbf{A + B}$ y $\mathbf{B - A}$

El documento de Word debe guardarse con el siguiente nombre:

U2_Act_Matemática_NombreApellido

7 Multiplicación de polinomios

Antes de efectuar una multiplicación de polinomios es importante realizar una multiplicación de monomios, de esta forma se comprenderá que sucede con cada término que se multiplica y las propiedades de potencias y leyes de signos aplicadas. Para efectuar el producto de monomio por monomio se procede de la siguiente manera (Bahena Román, 2018):

1. Se multiplican los coeficientes
2. En el caso de los literales se aplica las propiedades de las potencias
3. Reducir términos semejantes si es el caso.

Ejemplo: Multiplicación de monomios

$$\left(\frac{3}{5}x^3y^4\right)\left(\frac{5}{6}a^2by^5\right)$$

$$= \frac{15}{30}a^2bx^3y^{(4+5)} = \frac{1}{2}a^2bx^3y^9$$

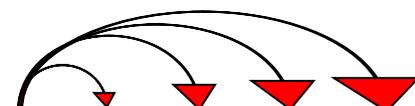
Para efectuar el producto de un binomio por un polinomio, se multiplica cada uno de los monomios del binomio por cada uno de los monomios del polinomio y se suman algebraicamente (Bahena Román, 2018).

Ejemplo: Multiplicación de polinomios:

$$(3a^{x+2} - 2ab + 3ab^{x-1} + 3)(2a^{x+3} - 2a^{x+2})$$

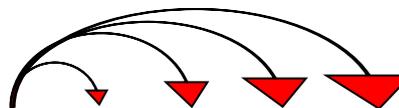
Paso 1: Multiplique cada término del primer polinomio con cada término del segundo polinomio para esto se aplica la propiedad distributiva de la multiplicación:

- a) Multiplica el primer término $2a^{x+3}$ por el polinomio de la siguiente manera aplicando la propiedad distributiva:



$$2a^{x+3}(3a^{x+2} - 2ab + 3ab^{x-1} + 3) = 6a^{2x+5} - 4a^{x+4}b + 6a^{x+4}b^{x-1} + 6a^{x+3}$$

b) Multiplica el segundo término $2a^{x+2}$ por el polinomio de la siguiente manera aplicando la propiedad distributiva:



$$-2a^{x+2}(3a^{x+2} - 2ab + 3ab^{x-1} + 3) = -6a^{2x+4} + 4a^{x+3}b - 6a^{x+3}b^{x-1} - 6a^{x+2}$$

Paso 2: De ser el caso sume algebraicamente y reduzca términos semejantes:

$$6a^{2x+5} - 6a^{2x+4} - 4a^{x+4}b + 4a^{x+3}b + 6a^{x+4}b^{x-1} - 6a^{x+3}b^{x-1} + 6a^{x+3} - 6a^{x+2}$$

Ejemplo: Multiplicación vertical

$$\begin{array}{r}
 5x^2 + 3x - 4 \\
 \times 2x^2 - x \\
 \hline
 -5x^3 - 3x^2 + 4x \\
 + \\
 10x^4 + 6x^3 - 8x^2 \\
 \hline
 10x^4 + x^3 - 11x^2 + 4x
 \end{array}$$

Como se observa $-x$ se multiplica por el trinomio y sus resultados se ubica debajo, luego se multiplica $2x^2$ por el trinomio y su resultado se ubica debajo donde se encuentra la misma parte literal y finalmente se reducen los términos semejantes.

Para reforzar los conocimientos adquiridos sobre el tema estudiado se presenta un video que refuerce los conocimientos de multiplicación de polinomios.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el video

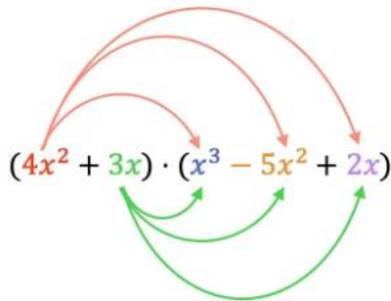
En las multiplicaciones de las expresiones algebraicas se puede aplicar en problemas de la vida real, por ejemplo, se desea obtener el área de un terreno rectangular que tiene las siguientes medidas:



Fórmula	$A = l * l$
Multiplicación	$A = (5m + 4n)(7m)$
Resultado	$A = 35m^2 + 28mn$



Complete el desarrollo de la multiplicación de polinomios



$$= 4x^5 \boxed{} + 8x^3 \boxed{} - 15x^3 \boxed{}$$

$$= 4x^5 \boxed{} - 7x^3 \boxed{}$$

A continuación, se expone una actividad, la cual debe resolver aplicando los conocimientos adquiridos a través de los ejemplos y los ejercicios de completar.



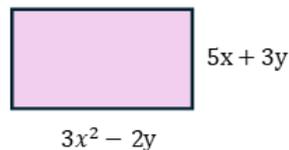
Actividad 5

Ejercicio 1: Resuelva la siguiente actividad didáctica de multiplicación de polinomios, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en el documento de Word.



[Multiplicación de polinomios](#) 

Ejercicio 2: Encuentre el área del siguiente rectángulo aplicando los procedimientos estudiados y evidencie el procedimiento en el documento de Word:



$$A = b * h$$

Los dos ejercicios se deben adjuntar al documento de Word creado en la actividad 4 con el siguiente nombre:

[U2_Act_Matemática_NombreApellido](#)

8 División de polinomios

División algebraica es la operación que consiste en obtener una expresión llamada cociente, conocidas otras dos, llamadas dividendo y divisor.

Métodos para dividir polinomios.

Para dividir polinomios existen cuatro métodos entre los que se detallan a continuación:

- a. Método normal
- b. Método de coeficientes separados
- c. Método de Horner
- d. Método de Ruffini



Aunque existen estos cuatro métodos de solución para dividir polinomios, solo se trabajará de manera práctica el método de Ruffini.

8.7 Método de Ruffini

La división de polinomios utilizando el método de Ruffini se dan cuando el divisor es igual a 1 y se presentan de la forma $x \pm b$. (Departamento de creación de Lexus, 2008).

Simbología utilizada para resolver ejercicios por el método de Ruffini

- °D = grado del Dividendo
- °d = grado del divisor
- °q = grado del cociente
- R = Resto

Ejemplo: obtener el cociente y el resto de la siguiente división

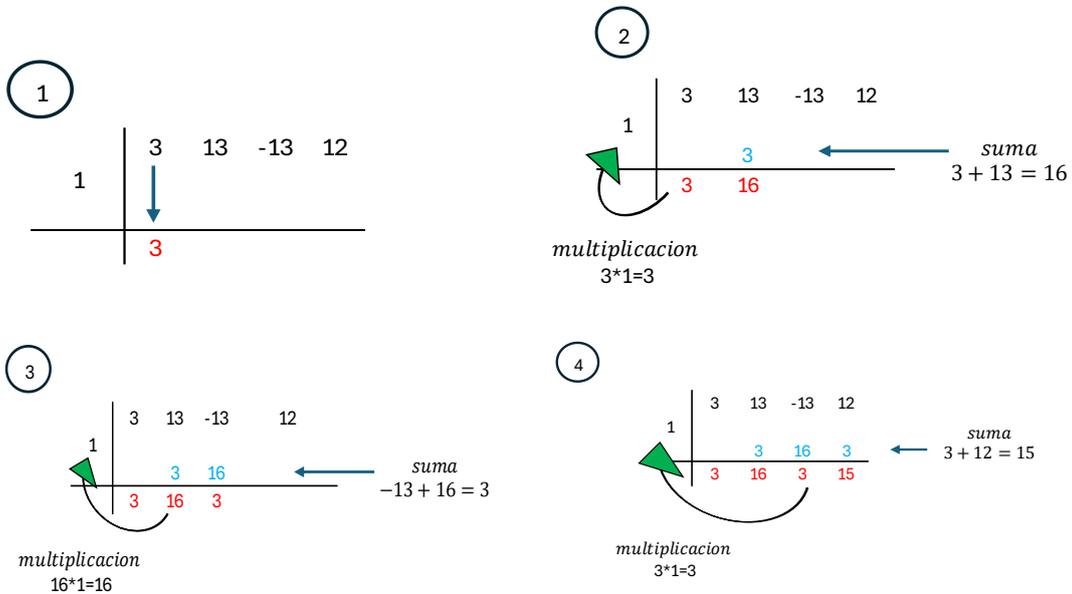
$$(3x^3 + 13x^2 - 13x + 12) \div (x - 1)$$

Paso 1.- Se ordena el dividendo de forma descendente de acuerdo con los exponentes, además debemos encontrar el divisor y este será siempre de grado uno para poder trabajar este método.

$$x - 1 \cong x = 1$$

3	13	-13	12
X = 1			

Paso 2.- Para iniciar con el desarrollo de este método se baja el primer término de la izquierda y luego se multiplica por el divisor y el resultado lo sumamos al segundo término del dividendo, repetimos el proceso hasta completar con la tabla como e indica a continuación:

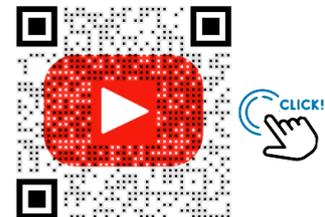


Grado del cociente:

$$^{\circ}|q| = ^{\circ}|D| - ^{\circ}|d| \ ; \quad ^{\circ}q = 3 - 1 \quad ; \quad ^{\circ}q = 2$$

- ✓ Se tiene como Cociente: $C(x) = 3x^2 + 16x + 3$
- ✓ Se tiene como resto: $R = 15$

De igual manera, le presentamos un vídeo que les ayudará a afianzar sus conocimientos sobre el método de Ruffini.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo



Complete la división por el método de Ruffini

$$(x^4 - 5x^2 + 2) : (x - 2)$$

2	1		-5		2
		2	4		-4
	1	2		-2	

Cociente: _____

Resto: _____

A continuación, se expone una actividad, la cual debe resolver aplicando los conocimientos adquiridos a través de los ejemplos y los ejercicios de completar:



Actividad 6

Ejercicio 1: Resuelva la siguiente actividad didáctica sobre división de polinomios por el método de Ruffini, al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en el documento de Word.



[División de polinomios: Ruffini](#)



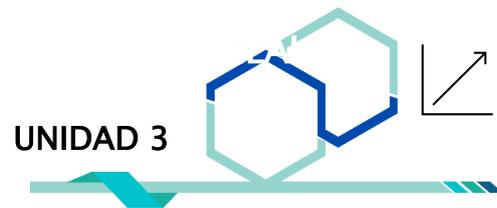
Ejercicio 2: Aplique la regla de Ruffini en la siguiente división de polinomios y evidencie el procedimiento en el documento de Word

$$(5x^4 - 3x^3 - 4x^2 + 6x - 1) \div (x - 2)$$

Los dos ejercicios se deben adjuntar al documento de Word creado en la suma y resta de polinomios:

[U2_Act_Matematica_NombreApellido](#)

Guarde el archivo en PDF y suba en el TA2 en Moodle



9 Ecuaciones de primer grado

Una ecuación lineal o de primer grado se la denomina así porque su exponente del primer término de forma ordenado es de grado uno. (ErnestFHaeussler, Richard Paul, 2003)

Las ecuaciones lineales con una variable son expresiones algebraicas que están expresadas mediante la forma $ax + b = 0$ cuyos valores de a y b son números reales.

Figura 6: Forma general de una ecuación lineal

Forma General:

$$ax + b = 0; a \neq 0$$

Diagrama de la ecuación lineal general $ax + b = 0; a \neq 0$ con etiquetas:

- incógnita (punto a x)
- Término independiente (punto a b)
- Coficiente principal (punto a a)

Tipos de ecuaciones

Las ecuaciones lineales son de tres tipos:

- Identidad
- Condicional
- Inconsistente

9.1 Ecuación de Identidad

Es verdadera para todos los valores de la variable. Significa que, cualquier valor real que sea reemplazado en la variable x hará que la ecuación sea verdadera (OpenStax, 2020).

Ejemplo

$$3x = 2x + x$$

cuando $x = 2$

$$3(2) = 2(2) + 2$$

$$6 = 4 + 2$$

$$6 = 6$$

cuando $x = -5$

$$3(-5) = 2(-5) + (-5)$$

$$-15 = -10 - 5$$

$$-15 = -15$$

cuando $x = 0$

$$3(0) = 2(0) + 0$$

$$0 = 0 + 0$$

$$0 = 0$$

Como se puede observar en la ecuación, para cualquier valor que se le asigne a la variable x se tendrá una identidad, ya que del lado izquierdo y derecho se han obtenido los mismos valores. Como se puede observar en la ecuación, para cualquier valor que se le asigne a la variable x se tendrá una identidad, ya que del lado izquierdo y derecho se han obtenido los mismos valores.

9.2 Ecuación Condicional

Es verdadera solo para algunos valores que tome la variable. Para comprender la ecuación condicional se tiene el siguiente ejemplo:

$$5x + 2 = 3x - 6$$

$$5x - 3x = -6 - 2$$

$$2x = -8$$

$$x = -\frac{8}{2}$$

$$x = -4$$

En el **ejemplo** que se observa, la ecuación condicional solo se cumple cuando $x = -4$, observemos la comprobación.

cuando $x = -4$

$$5(-4) + 2 = 3(-4) - 6$$

$$-20 + 2 = -12 - 6$$

$$-18 = -18$$

Si se cumple

cuando $x = 3$

$$5(3) + 2 = 3(3) - 6$$

$$15 + 2 = 9 - 6$$

$$17 = 3$$

No se cumple

9.3 Ecuación Inconsistente

Es la que da como resultado una declaración falsa. No se cumple para ningún valor como se muestra en la siguiente ecuación:

$$5x - 15 = 5x - 20$$

<i>cuando $x = -4$</i>	<i>cuando $x = 3$</i>	<i>cuando $x = 0$</i>
$5(-4) - 15 = 5(-4) - 20$	$5(3) - 15 = 5(3) - 20$	$5(0) - 15 = 5(0) - 20$
$-20 - 15 = -20 - 20$	$15 - 15 = 15 - 20$	$0 - 15 = 0 - 20$
$-35 = -40$	$0 = -5$	$-15 = -20$

Si en la ecuación despejamos la incógnita esta se anula como se muestra a continuación:

$$5x - 15 = 5x - 20$$

$$5x - 5x = -20 + 15$$

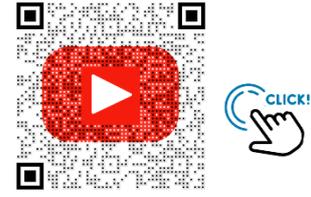
$$0 = -5 \implies \text{la incognita se anula}$$

Pasos para resolver ecuaciones lineales con una incógnita

Para resolver una ecuación con una variable, se debe usar algebra, esto implica el uso de propiedades fundamentales como la igualdad, para ello, no hay un orden establecido, y se debe aislar la variable desconocida para encontrar su valor. Seguido se muestran varios pasos para resolverlas según (LibreTexts, 2023).

1. Efectuar las operaciones indicadas propuestas en una ecuación y reducir términos semejantes.
2. Aplicar la propiedad distributiva de la multiplicación según sea el caso:
 $a(b + c) = ab + ac$
3. Aplicar las propiedades de las ecuaciones para despejar la variable.
4. Dejar indicada la variable de preferencia lado izquierdo y en el lado derecho el coeficiente que corresponde al valor encontrado y que satisface la condición de ecuación

Para reforzar los conocimientos adquiridos sobre las clases de ecuaciones se presenta un video



Clic en el código QR o escanea para visualizar el video



Clic en el código QR o escanea para visualizar las propiedades de las ecuaciones

En resolución de ecuaciones lineales se debe tener en cuenta las propiedades que se aplican para resolverlas, al abrir el código QR dirigirse a **la página 37** del libro para ver las propiedades de las ecuaciones.

Aplicando las propiedades de las igualdades y los procedimientos se dará solución a la ecuación con su respectiva comprobación.

Ejemplo:

$$4(x - 3) + 12 = 15 - 5(x + 6)$$

$$4x - 12 + 12 = 15 - 5x - 30$$

Paso 1: Aplique la propiedad distributiva de la multiplicación.

$$4x = -5x - 15$$

Paso 2: Se reducen los términos semejantes

$$4x + 5x = -5x + 5x - 15$$

Paso 3: Aplique la propiedad de la suma y la resta de las ecuaciones y reducir términos semejantes

$$9x = -15$$

Paso 4: Aplique la propiedad de la división de las ecuaciones, dividiendo ambos lados de la ecuación, por el valor que acompaña a la x.

$$\frac{9x}{9} = \frac{-15}{9}$$

Paso 5: Se simplifica cada fracción y obtenemos el resultado.

$$x = -\frac{5}{3}$$

x

COMPROBACIÓN

Paso 6: Para la comprobación se toma la ecuación inicial y en la variable se reemplaza el valor encontrado.

$$4\left(-\frac{5}{3} - 3\right) + 12 = 15 - 5\left(-\frac{5}{3} + 6\right)$$

Paso 7: Reemplazar el valor encontrado

$$4\left(-\frac{14}{3}\right) + 12 = 15 - 5\left(\frac{13}{3}\right)$$

$$-\frac{56}{3} + 12 = 15 - \frac{65}{3}$$

Paso 8: Se efectúan las operaciones de acuerdo con la jerarquía de operaciones.

$$-\frac{20}{3} = -\frac{20}{3}$$

Paso 9: Con el valor encontrado se cumple con la condición de igualdad



Complete el desarrollo de la siguiente ecuación

Aplique las propiedades de las ecuaciones para completar la ecuación:

$$4(x + 4) = 2(x + 2)$$

$$4x \square = 2x \square$$

$$4x + 16 \square = 2x + 4 \square$$

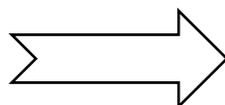
$$4x \square = 2x \square - 12$$

$$2x = \square$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{-12}{2}$$

$$\square = -6$$

Comprobación:



$$4(x + 4) = 2(x + 2)$$

$$4(\square) + 16 = 2(\square) + 4$$

$$\square + 16 = \square + 4$$

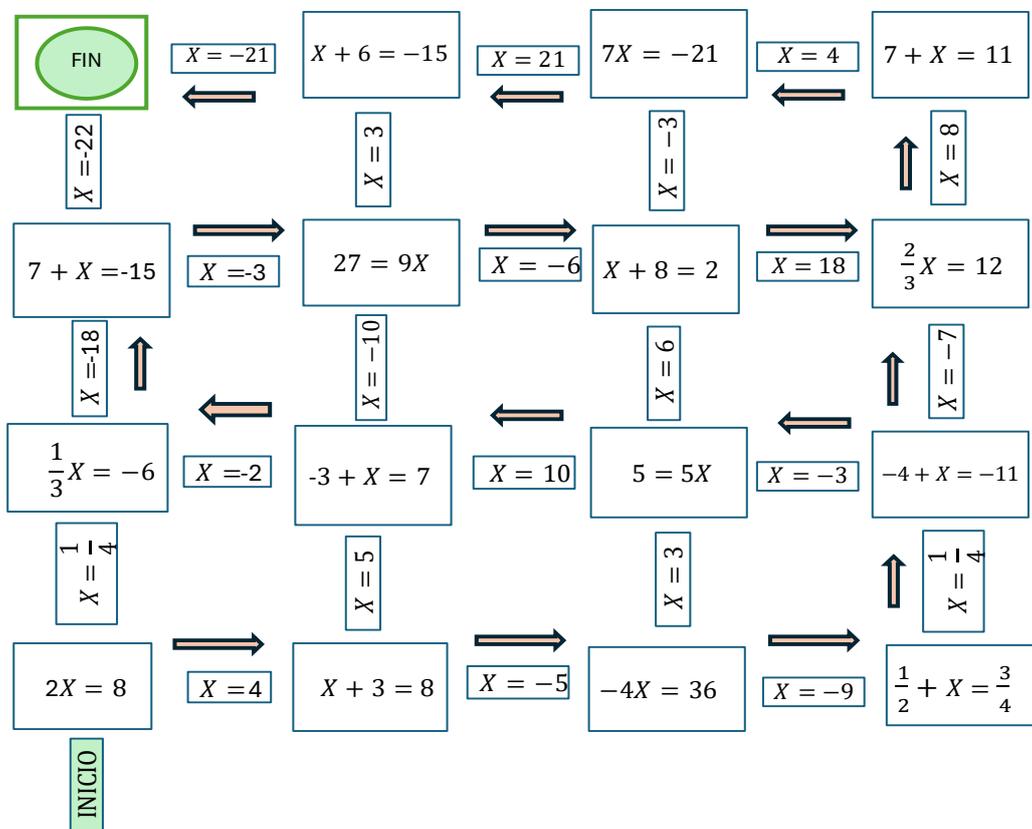
$$\square = \square$$

Para afianzar sus conocimientos, realizaremos la siguiente actividad de ecuaciones lineales con una sola incógnita.



Actividad 7

Ejercicio 1: Resuelva las ecuaciones presentadas en el laberinto e ir asociando las soluciones con las posibles respuestas presentadas hasta llegar al final. Al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en un documento de Word.



El documento de Word debe guardarse con el siguiente nombre:

U3_Act_Matematica_NombreApellido

10 Ecuación de primer grado con fracciones

Las ecuaciones lineales con fracciones, es igual que todas las ecuaciones que disponen de una variable o incógnita, en ella se deben aplicar las respectivas propiedades de los números reales, así como también considerar la jerarquía de operaciones al resolver suma, resta, multiplicación de fracciones, para reducir sus términos semejantes y obtener el valor desconocido, a continuación, se muestra un ejemplo de una ecuación con fracciones: (Kaufmann & Schwitters, 2013).

Ejemplo:

$$\frac{7(x-1)}{3} + \frac{5x}{6} = 1 - \frac{x}{2}$$

$$\frac{7x-7}{3} + \frac{5x}{6} = 1 - \frac{x}{2}$$

Paso 1: Se efectúan las operaciones indicadas en cada fracción de ser el caso.

$$\frac{2(7x-7) + 5x = 6 - 3x}{6}$$

Paso 2: Se encuentra el mcm., de toda la expresión

$$\left(\frac{2(7x-7) + 5x = 6 - 3x}{6} \right) * 6$$

Paso 3: Se aplica la propiedad del producto de las ecuaciones y se simplifica el denominador.

$$2(7x-7) + 5x = 6 - 3x$$

Paso 4: se aplica la propiedad de distributiva de la multiplicación para eliminar los paréntesis.

$$14x - 14 + 5x = 6 - 3x$$

$$14x - 14 + 5x = 6 - 3x$$

$$19x - 14 = 6 - 3x$$

$$19x - 14 + 3x = 6 - 3x + 3x$$

Paso 5: Se reducen los términos semejantes aplicando la propiedad de la suma y resta de ecuaciones tantas veces sea necesario.

$$19x - 14 + 3x = 6$$

$$19x - 14 + 14 + 3x = 6 + 14$$

$$19x + 3x = 20$$

$$22x = 20$$

$$\frac{22x}{22} = \frac{20}{22}$$

Paso 6: Se aplica la propiedad de la división de las ecuaciones y se despeja la variable

$$x = \frac{10}{11}$$

COMPROBACIÓN

$$19x - 14 = 6 - 3x$$

Paso 7: Se verifica para ver si cumple o no con la condición para que sea una ecuación con la ecuación resultante simplificada

$$19\left(\frac{10}{11}\right) - 14 = 6 - 3\left(\frac{10}{11}\right)$$

Paso 8: Se reemplaza el valor encontrado y obtenemos el resultado y se efectúan las operaciones de acuerdo con la jerarquía de operaciones.

$$\frac{36}{11} = \frac{36}{11}$$

Paso 9: Con el valor encontrado se puede observar que se cumple con la condición de igualdad



Complete el desarrollo en la comprobación de la ecuación

Desarrollo

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}x + \frac{2}{5} &= \frac{1}{3}x - \frac{5}{2} \quad m. c. m. (2; 5; 3) = 30 \\ 30 \cdot \frac{1}{2}x + 30 \cdot \frac{2}{5} &= 30 \cdot \frac{1}{3}x - 30 \cdot \frac{5}{2} \\ 15x + 12 &= 10x - 75 \\ 15x - 10x &= -75 - 12 \\ 5x &= -87 \\ x &= -\frac{87}{5} \end{aligned}$$

Comprobación

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}x + \frac{2}{5} &= \frac{1}{3}x - \frac{5}{2} \\ \frac{1}{2}\left(-\frac{87}{5}\right) + \frac{2}{5} &= \frac{1}{3}\left(-\frac{87}{5}\right) - \frac{5}{2} \end{aligned}$$

Una vez revisado el contenido de ecuaciones con fracciones de primer grado con una incógnita realice la siguiente actividad.



Actividad 8

Ejercicio 1: Resuelva las siguientes ecuaciones de primer grado y evidencie los procedimientos, además debe realizar la comprobación:

Ecuación 1 $\frac{2x-1}{3} = \frac{6x+5}{4}$

Ecuación 2 $15\left(\frac{2x}{3} + 3\right) = \frac{6x}{5} + 3$

Las dos ecuaciones se deben adjuntar al documento de Word creado con el nombre:

[U3_Act_Matematica_NombreApellido](#)

11 Problema de ecuaciones con una incógnita

En este apartado se resolverá problema de ecuaciones, donde su solución requiere el planteamiento y la resolución de una ecuación con una incógnita (Kaufmann & Schwitters, 2013).

Ejemplo:

Marta tiene 15 años, que es la tercera parte de la edad de su madre. **¿Qué edad tiene la madre de Martha?**

$$x$$

Paso 1: identificamos los datos propuestos en el enunciado, para lo cual le asignamos la variable (X) a la **edad** de la madre, porque es el dato que se desconoce.

$$\frac{x}{3}$$

Paso 2: Nos indica el enunciado que la **edad** de Martha (hija) es la tercera parte de la edad de la madre.

$$\frac{x}{3} = 15$$

Paso 3: Reescribimos de forma algebraica los datos encontrados tomando en cuenta que la **edad** de Martha es 15 años y representa la tercera parte de la edad de la madre.

$$3\left(\frac{x}{3}\right) = 15 * 3$$

Paso 4: Una vez dejado expresada de forma algebraica la ecuación procedemos a despejar la variable, aplicando las propiedades del producto para las ecuaciones

$$x = 45$$

Paso 5: una vez aplicada la propiedad de indicada obtenemos el valor de x que corresponde a la edad.

Paso 6: Respondiendo a la interrogante podemos decir que la edad de la madre de Martha es 45 años

Fuente: Elaboración propia

Para reforzar los conocimientos adquiridos se presenta un video que proporciona información necesaria para complementar los aprendido sobre resolución de problemas de ecuaciones de primer grado:



Clic en el código QR o escanea para visualizar el video



Complete el desarrollo del siguiente problema de ecuación

María y José reúnen en la mesa su dinero. José tiene \$30,00 dólares más que María, si en total tienen \$288,00 dólares, ¿cuántas dinero tiene cada uno?

Siendo: María = x José = x+10 María + José = 288

Ecuación	Resolviendo la ecuación	Resultados
	$x + x + 30 = 288$	
	$2x + 30 = \boxed{}$	María tiene
	$\boxed{} = \boxed{} - 30$	<input type="text"/>
$x + x + 30 = \boxed{}$	$2x = \boxed{}$	José tiene
	$x = \frac{258}{2}$	<input type="text"/>
	$x = \boxed{}$	

Una vez afianzado sus conocimientos con los ejemplos y ejercicios de completar realice la siguiente actividad.



Actividad 9

Ejercicio 1: Resuelva el siguiente problema de ecuación de primer grado propuesto, adjunte su desarrollo en el documento de Word

- ❖ La suma de las edades de tres hermanos es de 51 años, si el mayor tiene 19 años. **Calcular la edad de cada uno de sus hermanos gemelos.**

Los tres ejercicios se deben adjuntar al documento de Word creado en la actividad 7:

[U3_Act_Matematica_NombreApellido](#)

Guarde el archivo en PDF y suba en el TA3 - Actividades 3 en Moodle



UNIDAD 4

12 Sistema de ecuaciones 2x2

Llamase sistema de ecuaciones lineales aquellas expresiones algebraicas compuestas por dos, tres o cuatro incógnitas, en las que el número de variables deberán coincidir con el número de ecuaciones para que dichos sistemas puedan tener solución (Bahena, 2018).

En el caso de sistema de ecuaciones de 2x2 o también llamados **sistemas cuadrados** es aquella que constan dos ecuaciones y dos incógnitas de grado uno, de donde los términos **a**, **b**, son coeficientes y el término **c** representa al termino independiente se presenta de la forma: (Arturo Aguilar, Fabián Bravo, Hernan Gallegos, 2009).

$$\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$$

Métodos de solución de sistemas de ecuación lineales

Para dar solución a un sistema de ecuaciones lineales según el autor Bahena Hugo en su libro de “**Algebra**”, (Bahena, 2018) se puede realizar a través de cinco métodos los mismos se detallan a continuación:

- Método Sustitución
- Método Igualación
- Método Reducción o Suma Y Resta
- Método Grafico
- Método Determinante

Para entender mejor los procedimientos utilizados para resolver un sistema de ecuaciones por cualquiera de los métodos indicados anteriormente se presenta el siguiente ejercicio:

$$\begin{cases} 2x + y = 20 \\ x - 2y = 4 \end{cases}$$

12.1 Método de sustitución

Para dar solución a un sistema de ecuaciones lineales es necesario despejar una variable en cualquiera de las dos ecuaciones y reemplazarla en la que no fue tomada en cuenta de esta manera se obtiene una ecuación con una sola incógnita. (Román, Álgebra, 2018)

$$\begin{cases} 2x + y = 20 & \text{Ecuación}_1 \\ x - 2y = 4 & \text{Ecuación}_2 \end{cases}$$

Paso 1: Se elige cualquiera de las incógnitas y se despeja en cualquiera de las dos ecuaciones

$$x - 2y = 4$$

$$x = 4 + 2y$$

Paso 2: Se sustituye o reemplaza la expresión obtenida en la otra ecuación.

$$2x + y = 20$$

$$2(4 + 2y) + y = 20$$

$$8 + 4y + y = 20$$

Paso 3: Se resuelve la ecuación resultante y se la deja indicada en función de la incógnita resultante en este caso encontramos el valor de la variable "y"

$$8 + 5y = 20$$

$$5y = 20 - 8$$

$$y = \frac{12}{5}$$

Paso 4: El valor obtenido se reemplaza en la expresión del primer paso, aunque también se puede escoger cualquiera de las dos ecuaciones iniciales.

$$x = 4 + 2y$$

$$x = 4 + 2\left(\frac{12}{5}\right)$$

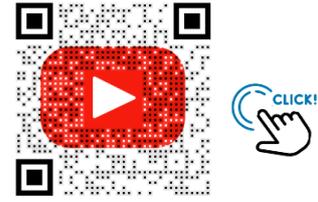
$$x = 4 + \frac{24}{5}$$

$$x = \frac{44}{5}$$

Paso 5: Solución del sistema

$$\begin{cases} x = \frac{44}{5} \\ y = \frac{12}{5} \end{cases}$$

A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a reforzar sus conocimientos de resolución de sistemas de ecuaciones por el método de sustitución.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

12.2 Método de igualación

Para trabajar este método que consiste en despejar la misma variable, puede ser esta la variable X o la variable Y en las dos ecuaciones para después proceder a igualarlas, para lo cual nos valemos del mismo ejemplo:

$$\begin{cases} 2x + y = 20 & \text{Ecuación}_1 \\ x - 2y = 4 & \text{Ecuación}_2 \end{cases}$$

Paso 1: Se elige cualquiera de las incógnitas y se despeja en las dos ecuaciones.

$$\begin{array}{ll} 2x + y = 20 & x - 2y = 4 \\ x = \frac{20 - y}{2} & x = 4 + 2y \end{array}$$

Paso 2: Se igualan las expresiones obteniendo una ecuación con una incógnita.

$$\text{Ecuación 1} = \text{Ecuación 2}$$

$$\frac{20 - y}{2} = 4 + 2y$$

$$20 - y = 2(4 + 2y)$$

$$20 - y = 8 + 4y$$

$$-y - 4y = 8 - 20$$

$$-5y = -12$$

$$y = \frac{12}{5}$$

Paso 3: Se resuelve la ecuación resultante aplicando las propiedades de la multiplicación y reduciendo términos semejantes

Paso 4: El valor obtenido se reemplaza en cualquiera de las dos expresiones del primer paso, aunque también se puede con las ecuaciones iniciales.

$$x = 4 + 2y$$

$$x = 4 + 2\left(\frac{12}{5}\right)$$

$$x = 4 + \frac{24}{5}$$

$$x = \frac{44}{5}$$

Paso 5: Solución del sistema

$$\begin{cases} x = \frac{44}{5} \\ y = \frac{12}{5} \end{cases}$$

A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a reforzar sus conocimientos de resolución de sistemas de ecuaciones por el método de igualación.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

12.3 Método de Reducción

Consiste en sumar o restar ecuaciones (en pares), para eliminar alguna de las variables en ambas ecuaciones y conocer el valor de la otra variable.

$$\begin{cases} 2x + y = 20 & \text{Ecuación}_1 \\ x - 2y = 4 & \text{Ecuación}_2 \end{cases}$$

Paso 1: Se preparan las ecuaciones multiplicándolas por los números que convengan. Para convertir x en $-2x$ debo multiplicarlo por -2

$$\begin{aligned} x - 2y &= 4 \\ -2(x - 2y) &= 4(-2) \\ -2x + 4y &= -8 \end{aligned}$$

Paso 2: Se realiza la suma o resta algebraicamente en las ecuaciones eliminando la variable indicada.

$$\begin{cases} 2x + y = 20 \\ -2x + 4y = -8 \\ \hline 0 + 5y = 12 \end{cases}$$

Paso 3: Se resuelve la ecuación resultante

$$y = \frac{12}{5}$$

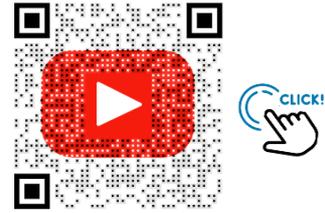
Paso 4: El valor obtenido se reemplaza en la expresión en cualquiera de las dos ecuaciones para encontrar el valor de la otra incógnita

$$\begin{aligned} 2x + y &= 20 \\ 2x + \frac{12}{5} &= 20 \\ 2x &= 20 - \frac{12}{5} \\ 2x &= 20 - \frac{12}{5} \\ 2x &= \frac{100 - 12}{5} = \frac{88}{5} \\ x &= \frac{\frac{88}{5}}{2} = \frac{44}{5} \\ x &= \frac{44}{5} \end{aligned}$$

Paso 5: Solución del sistema

$$\begin{cases} x = \frac{44}{5} \\ y = \frac{12}{5} \end{cases}$$

A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a reforzar sus conocimientos de resolución de sistemas de ecuaciones por el método de reducción.



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

Es importante tomar en cuenta que al resolver un sistema de ecuaciones utilizando los **métodos de: sustitución, igualación y reducción** el valor de las incógnitas en “x” y “y” serán exactamente las mismas soluciones tal como se ha demostrado en los ejemplos anteriores quedando indicado el conjunto solución para: $x = \frac{44}{5}$ y $y = \frac{12}{5}$



Complete el desarrollo de los sistemas de ecuaciones

Igualación

$$1) \begin{cases} x - y = 3 & (1) \\ x + y = 7 & (2) \end{cases}$$

Despejando x de (1)

$$x - y = 3$$

$$x = \square$$

Despejando x de (2)

$$x + y = 7$$

$$x = \square$$

Igualando

$$x = x$$

$$3 + y = 7 - y$$

$$\square = \square$$

$$\square = \square$$

$$y = \square$$

$$y = 2$$

→

Sustituyendo y=2 en

$$x = 3 + y$$

$$x = \square$$

$$x = \square$$

Sustitución

$$1) \begin{cases} x - y = 3 & (1) \\ x + y = 7 & (2) \end{cases}$$

Despejando x de (1)

$$x - y = 3$$

$$x = \square$$

Sustituyendo x=3+y en (2)

$$x + y = 7$$

$$\square = 7$$

$$\square = \square$$

$$y = \square$$

$$y = 2$$

Sustituyendo y=2 en

$$x = 3 + y$$

$$x = \square$$

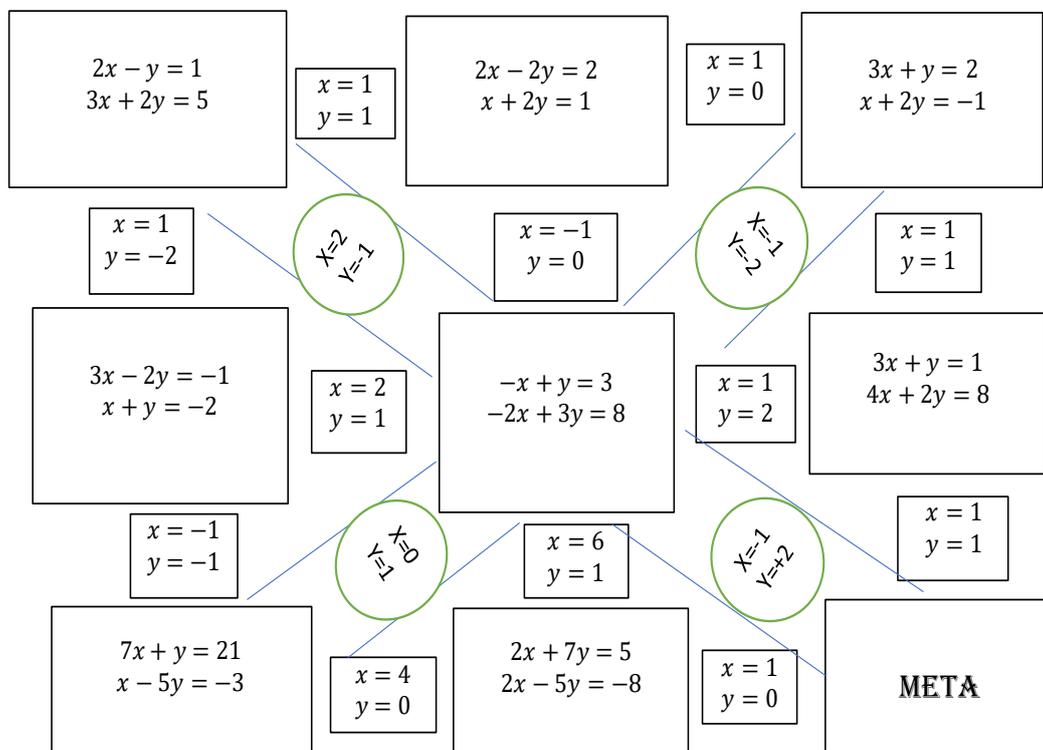
$$x = \square$$

Una vez estudiado el contenido de los métodos de los sistemas de ecuaciones, realice la siguiente actividad para afianzar sus conocimientos



Actividad 10

Ejercicio 1: Determina el conjunto solución de los siguientes sistemas de ecuaciones que se encuentran en el laberinto y colorea el camino para llegar a la meta. Al finalizar realice una captura de pantalla y guarde en un documento de Word.



Ejercicio 2: En uno de los sistemas de ecuaciones del laberinto aplique el método de reducción, evidencie el procedimiento adjuntando el desarrollo en el documento de Word creado.

El documento de Word debe guardarse con el siguiente nombre:

[U4_Act_Matematica_NombreApellido](#)

13 Sistemas de ecuaciones de 2x2 con fracciones

Cuando, encontramos ecuaciones establecidas como fracciones, la forma más fácil para resolver por cualquier método es eliminar los denominadores, es decir, transformar a números enteros.

Ejemplo 1: Sistema de ecuaciones con fracciones de 2x2:

$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = \frac{2}{7} \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = \frac{3}{7} \end{cases}$$

Se toma la primera ecuación $\frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = \frac{2}{7}$ donde se sacará el **mínimo común múltiplo** de 3,2 el cual es **6**. Sabiendo que el **mcm** es 6, se realiza el siguiente proceso:

$$\left(\frac{6}{3}\right) \cdot 1 = 2$$

$$\left(\frac{6}{2}\right) \cdot 1 = 3$$

Paso 1: Una vez dividido el mcm para cada denominador y multiplicarlo por el numerador se obtiene una nueva expresión.

$$\frac{2x + 3y}{6} = \frac{2}{7}$$

Paso 2: Se pasan los denominadores a los términos opuestos y se multiplica para obtener la nueva ecuación.

$$7(2x + 3y) = 6(2)$$

$$14x + 21y = 12$$

En la segunda ecuación $\frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = \frac{3}{7}$ donde se sacará el **mínimo común múltiplo** de 2,5 el cual es 10. Sabiendo que el **MCM** es 10, se realiza el siguiente proceso:

$$\left(\frac{10}{2}\right) \cdot 1 = 5$$

$$\left(\frac{10}{5}\right) \cdot 1 = 2$$

Paso 1: Una vez dividido el mcm para cada denominador y multiplicarlo por el numerador se obtiene se obtiene una nueva expresión.

$$\frac{5x + 2y}{10} = \frac{3}{7}$$

Paso 2: Se pasan los denominadores a los términos opuestos y se multiplica para obtener la nueva ecuación.

$$7(5x + 2y) = 10(3)$$

$$35x + 14y = 30$$

El nuevo sistema de ecuación queda establecido de la siguiente manera:

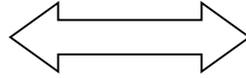
$$\begin{cases} 14x + 21y = 12 \\ 35x + 14y = 30 \end{cases}$$



Para recordar

Ambos casos corresponden al mismo sistema de ecuaciones a pesar de estar expresada la primera en fracciones y la otra esta expresada en enteros.

$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = \frac{2}{7} \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = \frac{3}{7} \end{cases}$$



$$\begin{cases} 14x + 21y = 12 \\ 35x + 14y = 30 \end{cases}$$

En un sistema de ecuaciones con fracciones también se puede resolver obteniendo el mcm de toda la ecuación, de clic en el PDF adjunto para visualizar la conversión de una ecuación en fracciones a una ecuación con números enteros, además su resultado no varía ya que es o son las mismas ecuaciones expresadas de forma entera.



Download PDF

Clic en el código QR o escanea para visualizar el PDF



A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a reforzar sus conocimientos de resolución de sistemas de ecuaciones 2x2 con Fracciones. Observe el ejercicio a partir desde el minuto 4:35 hasta el 8:54



Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo



Una vez se haya obtenido la ecuación nueva con números enteros para encontrar el valor de las incógnitas se debe aplicar cualquier método de resolución, como los que se indicaron al inicio de la unidad 4: sustitución, igualación y eliminación. Sin embargo, si desea aplicar otro método es correcto, ya que cualquier método debe brindar el mismo resultado.



Complete el desarrollo del sistema de ecuaciones con fracciones

De Respuestas a las siguientes preguntas planteadas sobre sistemas de ecuaciones con fracciones

$$\begin{cases} \frac{2x}{3} - \frac{y}{2} = -1 \\ \frac{5x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{7}{2} \end{cases}$$

¿Cuál es el MCM las dos ecuaciones?

mcm Ecuación 1 _____

mcm Ecuación 2 _____

¿Cuál es el nuevo sistema de ecuaciones equivalente con números enteros?

$$\begin{cases} 4x - \square = \square \\ \square - 3y = 42 \end{cases}$$

¿Cuál es el conjunto de solución del sistema de ecuaciones?

$$\begin{cases} x = \\ y = \end{cases}$$

Una vez haya revisado el contenido de sistema de ecuaciones con fracciones y observado los recursos como vídeo y PDF realice la siguiente actividad:



Actividad 11

Ejercicio 1: Con el ejemplo 1 de la página 45 del sistema de ecuaciones determine los valores para “x” y “y”:

$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = \frac{2}{7} \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = \frac{3}{7} \end{cases}$$

- a) $x = 6; y = 0$
- b) $x = 0; y = 1/3$
- c) $x = 6/7; y = 0$
- d) $x = -3; y = 9$

Adjuntar esta actividad al documento de Word creado con el nombre:

[U4_Act_Matematica_NombreApellido](#)

14 Problemas de sistemas de ecuaciones de 2x2

Los sistemas de ecuaciones lineales son una herramienta importante para la resolución de problemas en la que intervienen dos variables y su aplicación es muy frecuente en la economía, la administración, la física, etcétera.

Ejemplo:

La suma de dos números es 12 y la mitad de uno de ellos el doble del otro.

¿Cuáles son los números?

Lenguaje verbal

Paso 1: Se definen las incógnitas

Paso 2: En su primera parte el problema indica que:

“La suma de dos números es”

Paso 3: En la segunda parte del problema indica que:

“la mitad de uno de ellos el doble del otro”

Paso 4: de acuerdo con las condiciones del problema se forma el siguiente sistema de ecuaciones:

Paso 5: identificado el sistema de ecuaciones dado en el problema se aplica cualquier método de resolución para sistemas de ecuaciones, para este ejemplo se ha trabajado el método de sustitución.

Lenguaje algebraico

$x =$ corresponde al número 1

$y =$ corresponde al número 2

$$x + y = 12$$

$$\frac{x}{2} = 2y$$

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ \frac{x}{2} = 2y \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 12 & \text{Ecuación}_1 \\ \frac{x}{2} = 2y & \text{Ecuación}_2 \end{cases}$$

$$x + y = 12$$

$$x = 12 - y$$

$$\frac{x}{2} = 2y$$

$$\frac{12 - y}{2} = 2y$$

$$12 - y = 2(2y)$$

$$12 - y = 4y$$

$$-y - 4y = -12$$

$$y = \frac{12}{5}$$

$$x = 12 - y$$

$$x = 12 - \frac{12}{5}$$

$$x = \frac{48}{5}$$

$$\begin{cases} x = \frac{48}{5} \\ y = \frac{12}{5} \end{cases}$$

Comprobación:

<p>Los números suman 12</p> $X + Y = 12$	<p>La mitad de un número es el doble del otro numero</p> $\frac{x}{2} = 2y$	<p>El doble del otro número es:</p> $2y$
$\frac{48}{5} + \frac{12}{5} = 12$ $\frac{48 + 12}{5} = 12$ $\frac{60}{5} = 12$ $12 = 12$	$\frac{48}{\frac{2}{1}} = 2 * \frac{12}{5}$ $\frac{24}{5} = \frac{24}{5}$	$2 * \frac{12}{5} = \frac{24}{5}$

A continuación, le presentamos un vídeo que les ayudará a afianzar sus conocimientos sobre problema de sistemas de ecuaciones 2x2

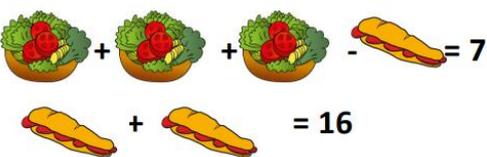
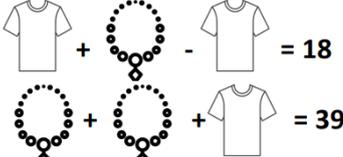


Clic en el código QR o escanea para visualizar el vídeo

Una vez haya revisado el contenido problemas de sistema de ecuaciones y observado el vídeo realice la siguiente actividad:

	<h3>Actividad 12</h3>
---	-----------------------

Ejercicio 1: Plantee el sistema de ecuaciones de las ilustraciones propuestas y resuélvalas aplicando los métodos que se indican a continuación

Método de sustitución	Método de reducción
 $3 \text{ bowls} - 1 \text{ sandwich} = 7$ $1 \text{ sandwich} + 1 \text{ sandwich} = 16$	 $1 \text{ shirt} + 1 \text{ necklace} - 1 \text{ shirt} = 18$ $1 \text{ necklace} + 1 \text{ necklace} + 1 \text{ shirt} = 39$

Adjuntar al documento de Word creado en la actividad 10:

[U4_Act_Matematica_NombreApellido](#)

Guarde el archivo en PDF y suba en el TA4 en Moodle

15 BIBLIOGRAFÍA

- Artacho, A. (Dirección). (2021). *Operaciones combinadas de fracción* [Película].
- Bahena Román, H. (2018). Operacion con polinomios. En H. Bahena Román, *algebra* (pág. 120). Mexico: Grupo Editorial Patria.
- Baldor, D. A. (1985). *Aritmetica de Baldor*. España: Compañía Cultural Editores y Distribuidora de textos.
- Carrion , D. (2020). Jerarquía de las operaciones [Video]. Youtube.
<https://www.youtube.com/watch?v=XV5PiV2-91U>
- Departamento de creacion de Lexus. (2008). *Algebra Manual de preparación pre-universitaria*. lima: Lexus Editores S.A.
- Kaufmann, J. E., & Schwitters, K. L. (2013). Álgebra. 8. ed. En Jerome Kaufmann, & K. L. Schwitters. Mexico: Cengage Learning.
- Lexus, D. d. (2008). Algebra. En D. d. Lexus, *Manual de prepracion universitaria* (pág. pg. 18). Lima-Perú: Luxos Editores.
- LibreTexts. (2023). *Proyecto Piloto de Libros Abiertos del Departamento de Educación*.
Obtenido de [https://espanol.libretexts.org/Matematicas/Algebra/Libro%3A_Algebra_y_Trigonometria_\(OpenStax\)/02%3A_Ecuaciones_y_Desigualdades/2.02%3A_Ecuaciones_lineales_en_una_variable](https://espanol.libretexts.org/Matematicas/Algebra/Libro%3A_Algebra_y_Trigonometria_(OpenStax)/02%3A_Ecuaciones_y_Desigualdades/2.02%3A_Ecuaciones_lineales_en_una_variable)
- Matemáticas, G. T. (Dirección). (2019). *Regal de Ruffini* [Película].
<https://www.youtube.com/watch?v=XV5PiV2-91U>
- Matemóvil. (2022). Operaciones con fracciones [Video]. Youtube.
<youtube.com/watch?v=OStPJUn24jl>



Mauricio López Bonilla, Rafael Angel Alvares Jimenez. (2020). *Potenciación y radicación*.

España: Universidad Católica Luis Amig .

OpenStax, I. t. (septiembre de 2020). *Ecuaciones lineales*.

<https://openstax.org/details/books/precalculus>.

Santos, F. (2016). *Operaciones Fundamentales en los Conjuntos Numéricos* . cuba:

Universidad abierta para adultos.